



PROCESADORES DE LENGUAJE

Ingeniería Informática

Departamento de Informática y Análisis Numérico
Escuela Politécnica Superior de Córdoba
Universidad de Córdoba



Curso académico 2014 - 2015

Hoja de ejercicios nº 1.- ANÁLISIS LÉXICO

Alfabetos, palabras y lenguajes formales

1. Obtén las palabras de longitudes 1, 2 y 3 de los siguientes alfabetos:
 $\Sigma_1 = \{a\}$, $\Sigma_2 = \{0,1\}$, $\Sigma_3 = \{\text{if, then, else}\}$, $\Sigma_4 = \{a, b, c, d\}$
2. Indica cuál es el contenido del lenguaje universal Σ^* definido sobre el siguiente alfabeto $\Sigma = \{a, b, 1, 2\}$
3. Dado el alfabeto $\Sigma = \{a, b, c\}$:
 - Se definen las siguientes palabras
 - $x = ab$, $y = bba$, $z = cb$
 - Realiza las siguientes operaciones
 - xy , yx , $x(yz)$, $x \varepsilon z$, $z y^0 x$, $x^2 y$, z^2 , $(x y)^2$
4. Dado el alfabeto $\Sigma = \{a, b, c\}$:
 - Se definen los siguientes lenguajes formales
 - $L_1 = \{a, aa, aaa\}$, $L_2 = \{a, b, ba, bc\}$ y $L_3 = \{\varepsilon, a, b, c\}$
 - Realiza las siguientes operaciones
 - $L_1 \cup L_2$, $L_1 \cap L_2$, $L_1 L_2$, $L_1 - L_2$, $L_2 - L_1$
 - $(L_1)^2$
 - L_1^* , L_3^+
 - $L_1 (L_2 \cup L_3)$
 - $(L_3 - L_1) \cap (L_1 L_3)$
5. Dado el alfabeto $\Sigma = \{a, b\}$
 - Indica dos lenguajes L_1 , L_2 que verifiquen que
 - $(L_1 \cup L_2)^* \neq L_1^* \cup L_2^*$
 - Indica dos lenguajes L_1 , L_2 que verifiquen que
 - $L_1 \not\subseteq L_2$, $L_2 \not\subseteq L_1$ y $(L_1 \cup L_2)^* = L_1^* \cup L_2^*$
 - Indica tres lenguajes L_1 , L_2 y L_3 de forma que
 - $L_3 (L_2 - L_1) \neq L_3 L_2 - L_3 L_1$
6. Sea $\Sigma = \{a, b\}$ y $L \subseteq \Sigma^*$ es un lenguaje definido recursivamente de la siguiente forma:
 - a) $\varepsilon \in L$
 - b) Si $x \in L$, entonces $a x b$, $b x a \in L$

- c) Si $x, y \in L$, entonces $x y \in L$
 - d) No hay nada más en L
 - Demuestra que:
 - $L = \{ w \mid w \in \Sigma^* \wedge w \text{ contiene el mismo número de aes que de bes} \}$
 - Si $b, \varepsilon \in L$ ¿Qué más palabras hay en L ?
 - Da una definición recursiva para que $L' \subseteq \Sigma^*$ contenga todas las palabras que posean doble número de aes que de bes.
7. Si $\text{cardinal}(L)$ nos indica cuantas palabras posee un lenguaje, comprueba si es cierta o falsa la siguiente afirmación:
 $\text{cardinal}(L_1 L_2) = \text{cardinal}(L_1) \text{cardinal}(L_2)$.
- Si se cree que es falsa, póngase un contraejemplo; si se cree que es verdadera, demuéstrese.

Expresiones regulares

8. Indica algunas expresiones regulares que se puedan definir sobre el siguiente alfabeto $\Sigma = \{a, b, 1, 2\}$
9. Indica cuál es el lenguaje denotado por las siguientes expresiones regulares definidas sobre $\Sigma = \{a, b\}$:
- a) $a a^* b b^*$
 - b) $a (a^* + b^*) b$
 - c) $a (a + b)^* b$
10. Dado el alfabeto $\Sigma = \{-, ., _ , a, b, c, \dots, z, A, B, \dots, Z, 0, 1, \dots, 9\}$ y las siguientes definiciones regulares
- $\text{dígito} = 1 + 2 + \dots + 9$
 - $\text{cero} = 0$
 - $\text{numero} = \text{cero} + \text{dígito}$
 - $\text{punto} = .$
 - $\text{guión} = -$
 - $\text{subrayado} = _$
 - $\text{letra} = a + b + \dots + z + A + B + \dots + Z$
- Indica cuál es el lenguaje denotado por cada una de las siguientes expresiones regulares:
 - a) $\text{numero numero}^* \text{ punto numero}^*$
 - b) $\text{numero}^* (\text{ punto} + \varepsilon)$
 - c) $(\text{cero} + \text{dígito numero}^*) \text{ punto} (\text{cero} + \text{numero}^* \text{dígito})$
 - d) $\text{letra} (\text{letra} + \text{numero})^* \text{ numero}$
11. Define expresiones regulares que denoten los siguientes lenguajes formales definidos sobre el alfabeto $\Sigma = \{0,1\}$:
- a) $L_1 = \{ x \mid x \in \Sigma^* \wedge x \text{ sólo contiene dos ceros y un número indefinido de unos} \}$
 - b) $L_2 = \{ x \mid x \in \Sigma^* \wedge x \text{ contiene al menos dos ceros consecutivos} \}$
 - c) $L_3 = \{ x \mid x \in \Sigma^* \wedge x \text{ contiene un número impar de ceros y un número indefinido de unos} \}$
 - d) $L_4 = \{ x \mid x \in \Sigma^* \wedge \text{ cada cero de } x \text{ es seguido inmediatamente por } 11 \}$

12. Escribe expresiones regulares que denoten los siguientes lenguajes definidos sobre $\Sigma = \{a, b, c\}$
- Palabras que comienzan **y** finalizan con la letra "a".
 - Palabras que comienzan **o** finalizan con la letra "a" (o ambas posibilidades).
 - Palabras en las que la "a", si aparece, siempre precede a la "b".
 - Palabras que tengan un número **impar** de **aes**.
13. Define expresiones regulares que denoten los siguientes lenguajes definidos recursivamente:
- $\varepsilon \in L$. Si $x \in L$, entonces **aax** y **xb** son palabras de L. Sólo están en L las palabras obtenidas mediante las premisas anteriores.
 - $\varepsilon \in L$. Si $x \in L$, entonces **abx**, **bax**, **aax** y **bbx** son palabras de L. Sólo están en L las palabras obtenidas mediante las premisas anteriores.
14. Escribe expresiones regulares que denoten los siguientes lenguajes:
- Números naturales que no contengan dos o más ceros al principio: 0, 10, 121,...
 - Números pares.
 - Números impares.
 - Números reales con formato de punto fijo o con formato de punto flotante pero que no tengan ceros superfluos, es decir,
 - son permitidos los números del tipo 0.0, 132.0, 0.526, 1203.0494,
 - pero no son permitidos los números de la forma 00.12, 124.000, 001.727, 52.700.
15. Considera el siguiente código escrito en el lenguaje **C** que implementa el método de ordenación de Shell:

```
#include <stdio.h>
#include <malloc.h>
#include "macros.h"
/* Longitud maxima -1 de los nombres */
#define NUMERO_CARACTERES 20

void shell (struct ficha_persona *dato, int n)
{
    int d,i, bandera;
    struct ficha_persona auxiliar;

    d = n;
    do {
        d = d / 2;
        do{
            bandera = 0;
            i = 0;
            do {
                if (dato[i].edad > dato[i+d].edad)
                {
                    strcpy(auxiliar.nombre, (dato+i)->nombre);
                    auxiliar.edad = (dato+i)->edad;
                    strcpy((dato+i)->nombre, (dato+i+d)->nombre);
                    (dato+i)->edad = (dato+i+d)->edad;
                }
            }
        }
    }
}
```

```

        strcpy((dato+i+d)->nombre, auxiliar.nombre);
        (dato+i+d)->edad = auxiliar.edad;
        bandera = 1;
    }
    i++;
} while (i+d <= n-1);
} while (bandera !=0);
} while(d!=1);
}

```

- Indica **los diferentes tipos** de componentes léxicos o “tokens” que generaría el analizador léxico.
- Define las expresiones regulares que denotan **los tipos** de componentes léxicos indicados en el apartado anterior.

16. Considera el siguiente código escrito en el lenguaje FORTRAN

```

INTEGER I, J
REAL Vector(10), Matriz(5,5)

PRINT *, 'INTRODUCE LAS COMPONENTES IMPARES DEL VECTOR'
DO 10 I = 1, 9, 2
    PRINT *, 'COMPONENTE ',I,' -->'
    READ *, Vector (I)
10 CONTINUE

PRINT *, 'INTRODUCE LAS COMPONENTES DE LA DIAGONAL PRINCIPAL'
DO 20 I = 1, 5
    PRINT *, 'COMPONENTE (' ,I,',',I,') -->'
    READ *, Matriz (I,I)
20 CONTINUE

```

- Indica los diferentes tipos de componentes léxicos que reconocería el analizador léxico.
- Escribe las expresiones regulares correspondientes a dichos tipos de componentes léxicos.

17. Indica las expresiones regulares que denoten los componentes léxicos de un lenguaje de programación en pseudocódigo:

- **Identificadores:**
 - Podrán estar compuestos por letras, números y el símbolo “_”.
 - Podrán comenzar por una letra o el símbolo “_”
 - El símbolo “_” no podrá aparecer al final.
- **Números:**
 - Se podrán definir números enteros (19), reales de punto fijo (19.75) o con notación exponencial (0.19e+2).
- **Cadenas de caracteres:**
 - Estarán compuestas por cualquier carácter excepto las comillas simples de apertura (‘) y cierre (’), que deberán aparecer al principio y al final, respectivamente.
 - Se utilizará la barra invertida \ para poder introducir las comillas simples dentro de las cadenas.

- **Palabras reservadas:**
 - Se podrán escribir con letras mayúsculas o minúsculas o ambas
 - Deberán comenzar y terminar por el símbolo de subrayado “_”.
 - Por ejemplo: _mientras_
- **Operadores:**
 - Asignación: se utilizará el operador de Pascal (:=)
 - Lógicos: estarán delimitados por dos símbolos de subrayado (por ejemplo: _no_)
 - Aritméticos:
 - Se utilizarán como operadores las tres “primeras letras” de cada una de las operaciones aritméticas (suma, resta, multiplicación, división y potencia) pero delimitadas por el símbolo “_”
 - Por ejemplo: _pot_
 - Relacionales: se utilizarán los símbolos empleados por el lenguaje C, excepto los operadores “igual” y “distinto” que se utilizarán los empleados por Pascal (=, <>).

Autómatas finitos

18. Dados los siguientes autómatas finitos deterministas:

- Dibuja la representación gráfica de cada uno.
- Comprueba si reconocen o no las palabras que se indican en cada caso, mostrando las transiciones que se vayan produciendo “paso a paso” .
- Indica de manera informal cómo es el lenguaje que reconoce cada autómata.
- Define una expresión regular que denote el lenguaje que reconocería cada autómata.

a)

δ	a	b	c
$\rightarrow q_0$	q_1	q_3	q_3
q_1	q_1	q_2	q_2
$\leftarrow q_2$	q_3	q_2	q_2
q_3	q_4	q_4	q_4

$x = aabcc, y = abca$

b)

δ	d	o	p
$\rightarrow q_0$	q_1	q_2	-
$\leftarrow q_1$	q_1	q_1	q_3
$\leftarrow q_2$	-	-	q_3
q_3	q_4	q_5	-
$\leftarrow q_4$	q_4	q_6	-
$\leftarrow q_5$	q_4	q_6	-
q_6	q_4	q_6	-

donde $d \in \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$, p es el punto decimal "."
 $x_1 = 0.79$, $x_2 = 012.0$, $x_3 = 12.0$, $x_4 = 10203$, $x_5 = 45.600$, $x_6 = 0.0$

19. Dados los siguientes autómatas finitos **no** deterministas:

- **Dibuja** la representación gráfica de cada uno.
- Comprueba si reconocen o no las cadenas que se indican en cada caso, mostrando las transiciones que se vayan produciendo "paso a paso".

a) AFN **sin** transiciones épsilon no triviales

δ	a	b	c
$\rightarrow q_0$	$\{q_1, q_2\}$	ϕ	ϕ
q_1	ϕ	$\{q_1, q_2\}$	$\{q_3, q_4\}$
q_2	ϕ	$\{q_1, q_2\}$	$\{q_3, q_4\}$
$\leftarrow q_3$	ϕ	ϕ	$\{q_3, q_4\}$
$\leftarrow q_4$	ϕ	ϕ	$\{q_3, q_4\}$

$x = abbcc$, $y = abcb$

b) AFN **con** transiciones épsilon no triviales

δ	a	b	c	ϵ
$\rightarrow q_0$	$\{q_1\}$	$\{q_2, q_3\}$	ϕ	$\{q_0, q_2\}$
q_1	ϕ	$\{q_3, q_4\}$	$\{q_1, q_2, q_3\}$	$\{q_2\}$
$\leftarrow q_2$	$\{q_3\}$	$\{q_1, q_2\}$	ϕ	$\{q_3\}$
q_3	$\{q_0\}$	$\{q_2\}$	$\{q_4\}$	$\{q_4\}$
$\leftarrow q_4$	ϕ	$\{q_2, q_3\}$	$\{q_1, q_4\}$	$\{q_1, q_2, q_4\}$

$x = aabc$, $y = bbacab$

20. Aplica el algoritmo de "**construcción de subconjuntos**" a los autómatas finitos no deterministas del ejercicio anterior. Comprueba si los autómatas finitos deterministas construidos reconocen las cadenas propuestas en dicho ejercicio.

21. Dadas las siguientes expresiones regulares:

- *letra* (*letra* + *dígito*) *
- (*letra* + *subrayado*) (*letra* + *subrayado* + *dígito*)*
- *letra* (*letra* + *dígito* + *guion* (*letra* + *dígito*))*
- *comillas* (*letra* + *dígito* + *barra comillas*)* *comillas*

donde *letra* $\in \{a, \dots, z, A, \dots, Z\}$, *dígito* $\in \{0, 1, \dots, 9\}$, *subrayado* es el símbolo '_', *guion* es el símbolo '-', *comillas* es el símbolo '"' y *barra* es símbolo '\'

- Utiliza el algoritmo de "**construcción de Thompson**" para construir los autómatas finitos **no** deterministas equivalentes.
- Utiliza el algoritmo de "**construcción de subconjuntos**" para construir los autómatas finitos **deterministas** equivalentes a los obtenidos en el apartado anterior.
- Minimiza** los autómatas finitos deterministas.

- d) Comprueba si los autómatas finitos construidos en los apartados anteriores reconocen, respectivamente, las siguientes cadenas:
- o $x = dato, y = dato1, z = 1dato$
 - o $x = dato, y = dato_1, z = _dato_1$
 - o $x = dato-1, y = dato--1, z = dato1-1$
 - o $x = "ejemplo de \ "cadena\ " "$

22. Dado el siguiente autómata finito determinista

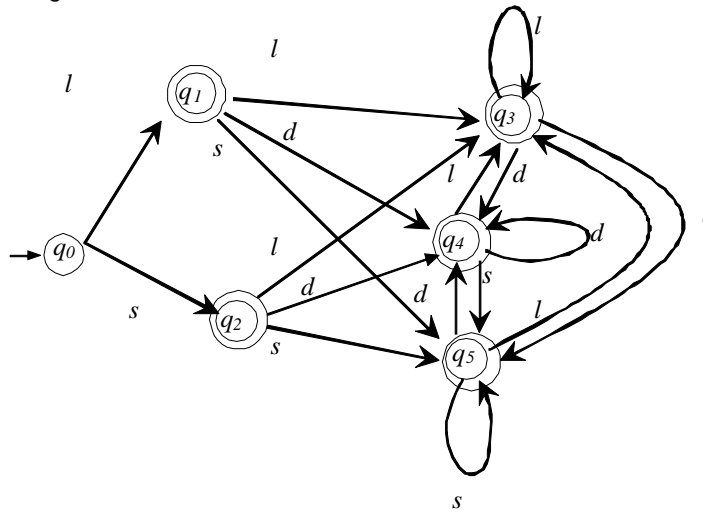
δ	<i>l</i>	<i>d</i>	<i>g</i>
$\rightarrow q0$	$q1$	-	-
$\leftarrow q1$	$q2$	$q3$	$q4$
$\leftarrow q2$	$q2$	$q3$	$q4$
$\leftarrow q3$	$q2$	$q3$	$q4$
$\leftarrow q4$	$q2$	$q3$	-

donde el significado de *l*, *d* y *g* es el siguiente: *l* = letra, *d* = dígito y *g* = guion

a) Dibuja su representación gráfica.

b) **Minimiza** el autómata mediante la obtención del autómata cociente.

23. Dado el siguiente autómata finito determinista:



donde el significado de **l**: letra, **d**: dígito y **s**: subrayado.

- a) Comprueba si reconoce o no la cadena $x = lds$
- b) Minimiza el autómata finito determinista.
- c) Comprueba si el autómata minimizado reconoce o no la cadena $x = lds$

Errores léxicos

24. El siguiente código escrito en lenguaje **C** calcula el factorial de un número, pero tiene "**diez errores léxicos**".

```
[1] int factorial (int n
[2]
[3]   Int i;
[4]   int resultado;
[5]
[6]   nif ( (n==0) || (n==1) )
[7]       return (1.0.0);
[8]   else {
[9]       resultado := 1;
[10]      for (i===n ; i > 1 ; i--)
[11]          resultado **= i;
[12]
[13]      return (resultado)
[14]  }
[15] }
```

- Indica los errores léxicos que se pueden detectar durante el análisis léxico
- Indica los errores léxicos que se pueden detectar durante el análisis sintáctico
 - Observación: se indican los números de las líneas para facilitar la identificación de cada error

25. Considera el siguiente fragmento de código erróneo escrito en C

```
[1] foor (i = N ; > i 1.0.0 ; i--)
[2] {
[3]     factorial = factorial * $n;
[4] }
[5] printf " Factorial = %d " /n, $factorial);
```

- Indica los errores que **puede** detectar "el analizador léxico" y los que **no** puede detectar y "**por qué**".
- Indica los componentes léxicos que reconocería el "analizador léxico".
- Escribe las expresiones regulares correspondientes a los diferentes tipos de componentes léxicos reconocidos en el fragmento anterior.
 - Observación: se indican los números de las líneas para facilitar la identificación de cada error